

DST n°2

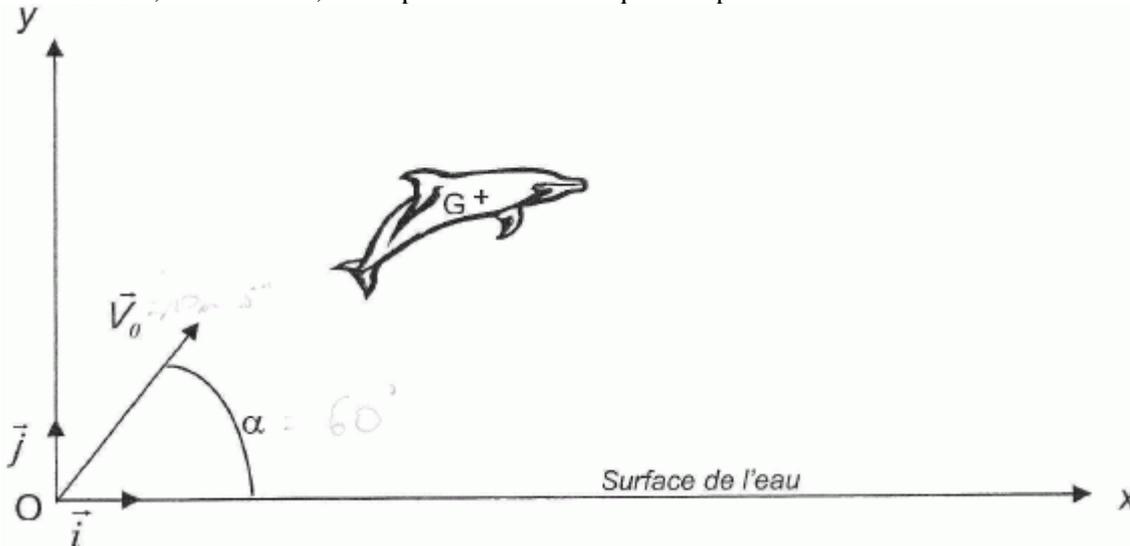
correction

Physique

Le dauphin à flancs blancs (La Réunion 2011)

I. Etude cinématique du saut du dauphin.

Dans cette partie on négligera l'action de l'air (frottement et poussée d'Archimède) sur le dauphin. Au cours du saut, hors de l'eau, le dauphin n'est soumis qu'à son poids.



On souhaite étudier la trajectoire du centre d'inertie G du dauphin pendant son saut hors de l'eau. le repère d'étude est (O, \vec{i}, \vec{j}) . On choisit comme origine des dates l'instant où le centre d'inertie G du dauphin est confondu avec le point O. Le vecteur vitesse initiale v_0 est dans le plan (xOy) et est incliné d'un angle α par rapport à l'axe Ox. Grâce à l'exploitation d'un enregistrement vidéo du saut du dauphin, on a pu trouver que la valeur de la vitesse est $v_0 = 10 \text{ m.s}^{-1}$ et que $\alpha = 60^\circ$. On prendra $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ et on note m , la masse du dauphin.

1. En appliquant la seconde loi de Newton, donner l'expression du vecteur accélération \vec{a}_G du centre d'inertie G du dauphin, puis ses coordonnées dans le repère d'étude.

- Le référentiel est un référentiel terrestre que l'on peut considérer comme galiléen (essentiel à écrire !... sinon on ne peut appliquer la seconde loi de Newton).
- Le système est le dauphin dont on n'étudie qu'un seul point : le centre d'inertie G (l'énoncé aurait été plus judicieux de l'appeler I car si certes ici, centre de gravité et centre d'inertie sont confondus, ce n'est pas toujours le cas).
- Si on néglige les frottements, la seule force extérieure appliquée au système est le poids d'où (Seconde loi de Newton) : $\vec{P} = m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}_G$

Soit dans le repère proposé par l'énoncé $\Rightarrow \vec{a}_G \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$

2. En déduire que le mouvement du centre d'inertie du dauphin est nécessairement dans plan (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Si on considère un axe $z'z$ perpendiculaire à (O, \vec{i}, \vec{j}) . $a_z = 0$

\Rightarrow par intégration : $v_z = \text{Cste}$: cette constante est définie par les conditions initiales : $V_{0z} = 0$ donc $v_z = 0$

\Rightarrow par intégration : $z = \text{Cste}$ cette constante est définie par les conditions initiales : $z_0 = 0$

donc le mouvement est dans le plan (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Rem : Comment est physiquement défini le plan (O, \vec{i}, \vec{j}) ?

C'est le plan défini par les deux vecteurs \vec{P} et \vec{V}_0

3. En déduire l'expression littérale des coordonnées $v_x(t)$ et $v_y(t)$ du vecteur vitesse \vec{v}_G du centre d'inertie en fonction de V_0 , de l'angle α , de g et de la variable temps t

Vu que $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$ (par définition) \Rightarrow par intégration des coordonnées de \vec{a}_G $\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \Rightarrow \vec{v}_G$ $\begin{cases} v_x = A \\ v_y = -g \cdot t + B \end{cases}$

A et B sont des constantes que l'on obtient en considérant les conditions initiales :

$v_x(t=0) = V_0 \cdot \cos \alpha$ et $v_y(t=0) = V_0 \cdot \sin \alpha$ d'où \vec{v}_G $\begin{cases} v_x = V_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y = -g \cdot t + V_0 \cdot \sin \alpha \end{cases}$

4. Etablir les équations horaires $x(t)$ et $y(t)$ du mouvement du centre d'inertie

Vu que $\vec{v} = \frac{d\vec{OG}}{dt}$ (par définition) \Rightarrow par intégration des coordonnées de \vec{v}_G $\begin{cases} v_x = V_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y = -g \cdot t + V_0 \cdot \sin \alpha \end{cases}$

$\Rightarrow \vec{OG}$ $\begin{cases} x = (V_0 \cdot \cos \alpha) \cdot t + A \\ y = -\frac{g}{2} \cdot t^2 + (V_0 \cdot \sin \alpha) \cdot t + B \end{cases}$

A et B sont des constantes que l'on obtient en considérant les conditions initiales :

$x(t=0) = 0$ et $y(t=0) = 0$ d'où \vec{OG} $\begin{cases} x = (V_0 \cdot \cos \alpha) \cdot t \\ y = -\frac{g}{2} \cdot t^2 + (V_0 \cdot \sin \alpha) \cdot t \end{cases}$

5. Montrer que le sommet S est atteint à la date $t_s = 0,87$ s ; le saut effectué est-il réellement d'au moins 3 mètres de haut ? Justifier.

Au sommet S, la vitesse verticale (v_y) est nulle donc $v_y = 0 = -g \cdot t_s + V_0 \cdot \sin \alpha \Rightarrow t_s = \frac{V_0 \cdot \sin \alpha}{g} = 0,87s$

Et $y_s = \frac{(V_0 \cdot \sin \alpha)^2}{2g} = \frac{g}{2} t_s^2 = 3,8 \text{ m}$ (avec 2 CS !) donc le saut est bien « d'au moins 3 mètres de haut »

II. Etude expérimentale du saut du dauphin.

Les positions du centre d'inertie du dauphin sont données à intervalles de temps réguliers sur le document de l'annexe (à remettre avec la copie), l'échelle du document est 1 cm pour 0,50 m et la durée entre deux positions est $\Delta t = 0,10$ s

1. A partir du document de l'annexe, déterminer la valeur de la vitesse du centre d'inertie du dauphin aux points 4 et 6. On les notera V_4 et V_6 .

Vitesse $V_4 = \frac{G_3 G_5}{2\tau}$ avec $\tau = 0,10$ s

Vitesse $V_6 = \frac{G_5 G_7}{2\tau}$

graphiquement : $G_3 G_5 = 2,5$ cm

graphiquement : $G_5 G_7 = 2,0$ cm

1 cm pour 0,50 m $\Rightarrow G_3 G_5 \text{ réel} = 2,5 \times 0,5 = 1,25$ m

1 cm pour 0,50 m, $G_5 G_7 \text{ réel} = 2,0 \times 0,5 = 1,0$ m

Donc $V_4 = \frac{1,25}{0,20} = 6,25 \text{ m.s}^{-1} = 6,3 \text{ m.s}^{-1}$

Donc $V_6 = \frac{1,0}{0,20} = 5,0 \text{ m.s}^{-1}$

2. Tracer les vecteurs \vec{V}_4 et \vec{V}_6 sur le document annexe en utilisant comme échelle de représentation des vecteurs vitesse : 1 cm pour 2 m.s^{-1}

Avec l'échelle 1 cm pour 2 m.s^{-1} \vec{V}_4 mesure $6,25 / 2 = 3,1$ cm et \vec{V}_6 mesure $5,0 / 2 = 2,5$ cm

3. Construire sur le document annexe le vecteur $\Delta \vec{V} = \vec{V}_6 - \vec{V}_4$ au point 5 et déterminer sa valeur en m.s^{-1} en utilisant l'échelle précédente. (voir construction plus loin) $\Delta V = 2,0 \text{ m.s}^{-1}$

4. En déduire la norme du vecteur accélération \vec{a}_5 , vecteur accélération au point 5. Le représenter sur le document annexe en utilisant comme échelle de représentation: 1 cm pour 2 m.s^{-2}

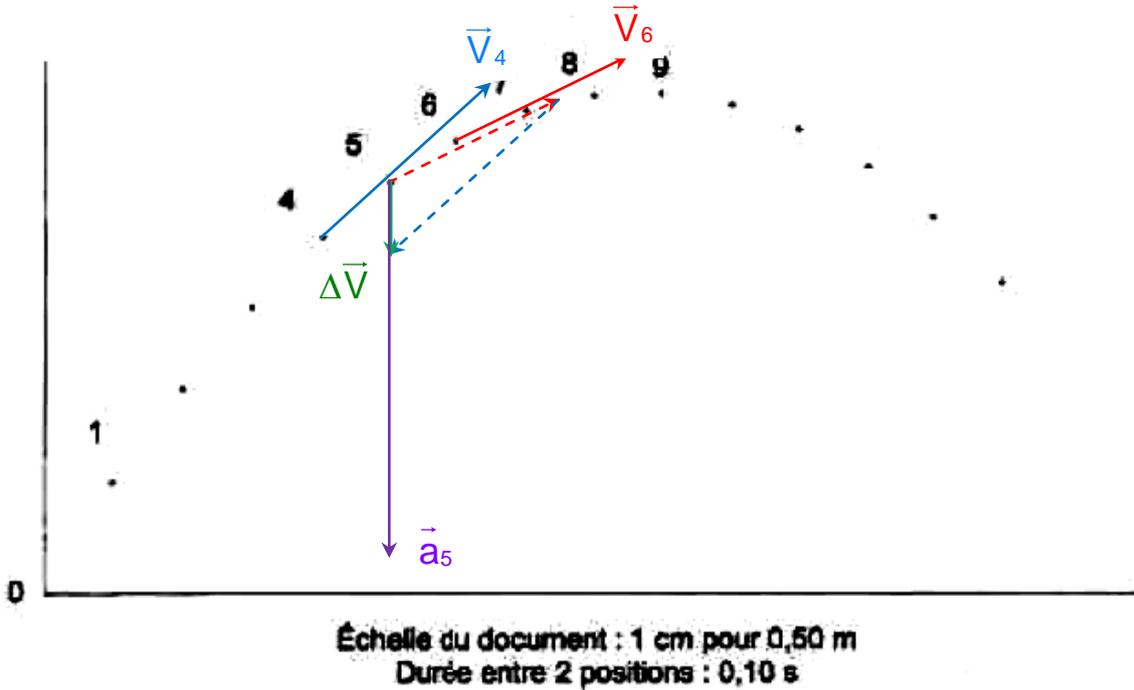
$a_5 = \frac{\Delta V}{2\tau} = \frac{2,0}{0,20} = 10 \text{ m.s}^{-2}$ de plus, la construction vectorielle donne un vecteur vertical descendant

5. Les résultats de la question II.4. sont-ils en accord avec ceux de la question I.1. ?

... le vecteur \vec{a}_5 correspond donc bien (direction, sens, norme) à \vec{g} , l'accélération de la pesanteur terrestre.

Construction vue en TP !

Construction du vecteur $\Delta\vec{V} = \vec{V}_6 - \vec{V}_4$ au point 5 : on reporte \vec{V}_6 au point 5 et on soustrait le vecteur \vec{V}_4 (voir vecteurs en pointillés). Le vecteur $\Delta\vec{V}$ mesure 1,0 cm donc avec l'échelle des vitesses : $\Delta V = 2,0 \text{ m.s}^{-1}$.



**Chimie - Suivi cinétique d'une transformation chimique
(acide oxalique sur permanganate de potassium) par spectrophotométrie**



I 1) Il est inutile dans le cas présent de faire le spectre puisqu'il est donné !: le seul réglage du colorimètre consiste à « faire le blanc », c'est à dire fixer le zéro de l'absorbance sur la cuve remplie de solvant.

Rem : En toute rigueur, il faudrait « faire le blanc » en prenant une solution comprenant toutes les espèces étudiées SAUF l'espèce colorée absorbante qui nous intéresse (ici l'ion permanganate)

2) On préférera le filtre à 530 nm qui, pour une concentration donnée, donne une plus grande absorbance ainsi les incertitudes relatives en faisant varier la concentration (lors de l'étalonnage) seront moins importantes. (voir Doc cahier de texte !)

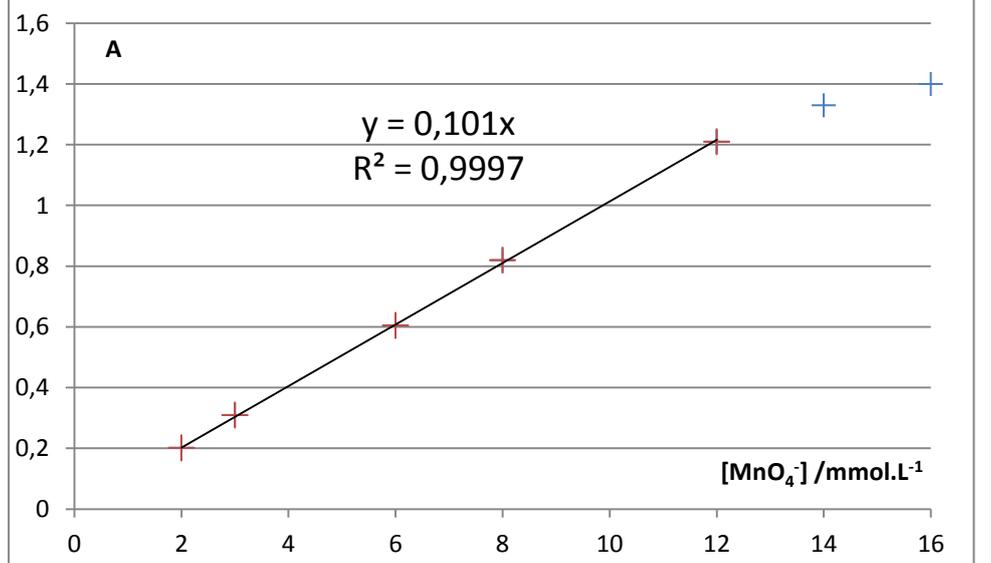
II Dosage par étalonnage

a) $A = \epsilon_\lambda \cdot l \cdot C$
 $\left\{ \begin{array}{l} A \text{ sans unité} \\ l \text{ en m} \\ C \text{ en mol.L}^{-1} \\ \text{donc } \epsilon_\lambda \text{ en m}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{L} \end{array} \right.$

b) On observe que pour les concentrations les plus élevées, la loi de Beer Lambert n'est plus vérifiée

d) Dans la partie linéaire, on a :
 $A = 0,101 [\text{MnO}_4^-]$
 (avec $[\text{MnO}_4^-]$ en mmol.L^{-1})

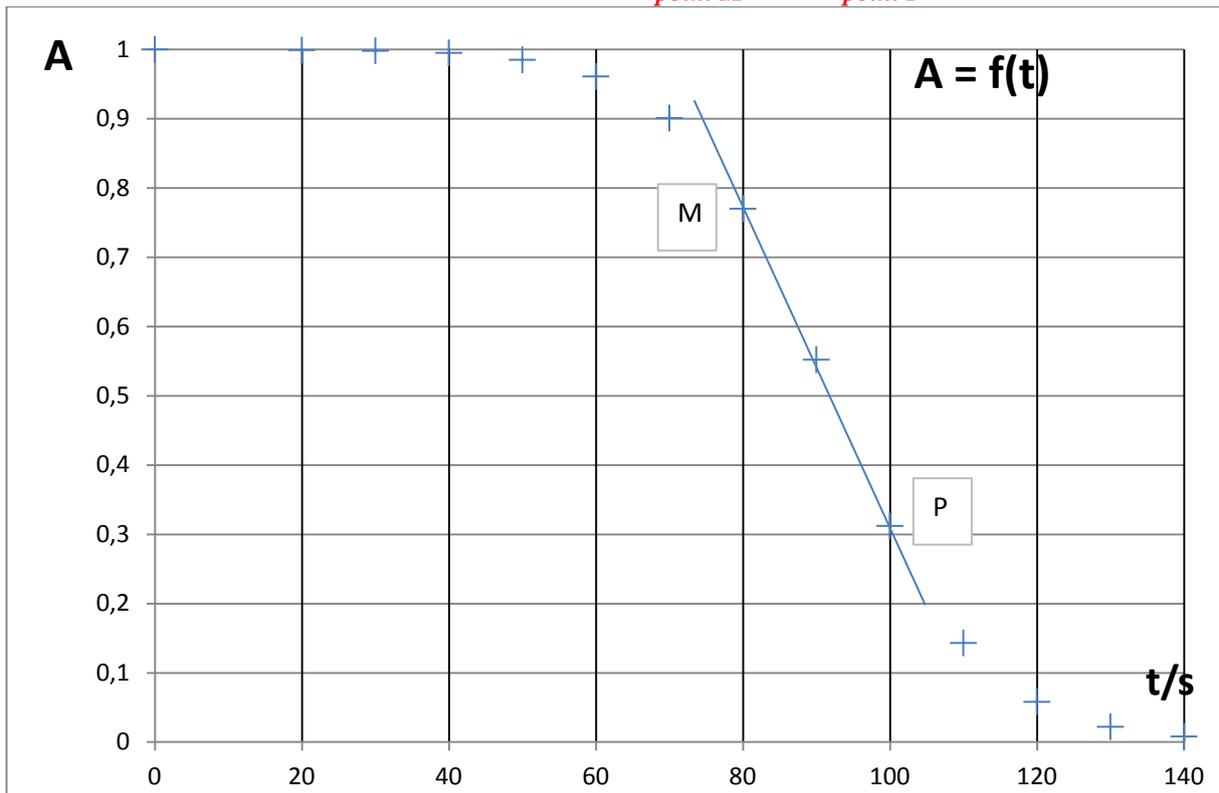
Pour faire la régression, il a donc fallu écarter les deux derniers points qui ne sont pas dans le domaine de linéarité.



III Suivi colorimétrique

graphe $A = f(t)$

t /s	0	20,0	30,0	40,0	50,0	60,0	70,0	80,0	90,0	100,0	110,0	120,0	130,0	140,0
A	1,000	0,999	0,998	0,995	0,985	0,961	0,901	0,770	0,552	0,312	0,143	0,058	0,022	0,008



1) Au départ : $N_0(\text{MnO}_4^-) = C_1 \cdot V_1 = 5,00 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$ $N_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) = C_2 \cdot V_2 = 4,00 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ (3 CS comme données !)

A la date t :

$N(\text{MnO}_4^-) = N_0(\text{MnO}_4^-) - 2x$ donc $x_{\text{max}} = C_1 \cdot V_1 / 2 = 2,50 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$ si permanganate limitant

$N(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) = N_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 5x$ donc $x_{\text{max}} = C_2 \cdot V_2 / 5 = 8,00 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$ si acide oxalique limitant

C'est donc le permanganate qui est le réactif limitant

Ce que confirme évidemment l'étude de l'absorbance puisque, à la fin de la réaction, l'absorbance est nulle donc il n'y a plus d'ions permanganate.

Remarque : Affirmer que le permanganate est limitant sous prétexte que $C_1 \cdot V_1 < C_2 \cdot V_2$ est évidemment insuffisant puisqu'il faut tenir compte des nombres stoechiométriques !

3) D'après la courbe d'étalonnage : $[\text{MnO}_4^-]_0 = \frac{A_0}{0,101} = 9,90 \text{ mmol.L}^{-1}$ or d'après l'énoncé, dans le milieu réactionnel, on a,

au départ : $C_0(\text{MnO}_4^-) = \frac{N_0(\text{MnO}_4^-)}{V_{\text{total}}} = \frac{5,00 \cdot 10^{-4}}{(25 + 20 + 5) \cdot 10^{-3}} = 10,0 \text{ mmol.L}^{-1}$ Les deux valeurs sont cohérentes.

4) Par définition : $V_r = \frac{1}{V_{\text{total}}} \frac{dx}{dt}$

5) Avec le tableau descriptif du système ou sans, on obtient sans difficulté $N(\text{MnO}_4^-) = N_0(\text{MnO}_4^-) - 2x$

$\Rightarrow x = \frac{N_0(\text{MnO}_4^-) - N(\text{MnO}_4^-)}{2}$

6) a) Par dérivation de x et division par le volume total, on trouve $V_r = \frac{1}{V_{\text{total}}} \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{2} \frac{d[\text{MnO}_4^-]}{dt}$

b) d'après la courbe d'étalonnage $A = k [\text{MnO}_4^-]$ (avec $k = 1,01 \cdot 10^4$ en $\text{mol}^{-1} \cdot \text{L}$) donc $\frac{d[\text{MnO}_4^-]}{dt} = \frac{1}{k} \frac{dA}{dt}$ et $V_r = -\frac{1}{2 \cdot k} \frac{dA}{dt}$

7) la date $t = 90 \text{ s}$, $\frac{dA}{dt} = \frac{0,312 - 0,770}{100 - 80} = -2,30 \cdot 10^{-2} \text{ s}^{-1}$ (en prenant les coordonnées des points précédent M et suivant P)

(pente < 0) $\Rightarrow V_r = -\frac{1}{2 \cdot k} \frac{dA}{dt} = \frac{2,30 \cdot 10^{-2}}{2 \times 1,01 \cdot 10^4} = 114 \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$

Remarque : calcul de la pente à $t = 90,0 \text{ s}$ en prenant les valeurs du tableau à $t = 80,0$ et $100,0 \text{ s}$ (points M et P); on peut en effet considérer que, dans cette partie du graphe, la partie est quasiment linéaire (voir graphe $A = f(t)$ supra).

8) aux dates $t = 30 \text{ s}$ et $130 \text{ s} \Rightarrow V_r \approx 0$ (puisque $\frac{dA}{dt} \approx 0$, tangente quasi horizontale) On peut en déduire que la vitesse est quasiment nulle au départ et à la fin et passe par un maximum. (voir graphe ci-dessous.... non demandé !)

9) Cette allure ne correspond pas aux situations habituelles où la vitesse est maximale au début et tend à décroître au fur et à mesure que la transformation se fait.

Question bonus

10) En présence d'ions Mn^{2+} , on retrouve une allure « classique » d'évolution de concentration d'un réactif : cela signifie que la concentration des ions manganèse (II) est un facteur cinétique. En ayant ajouté en net excès des ions Mn^{2+} , la concentration en ions Mn^{2+} ne varie quasiment et les ions Mn^{2+} ne sont plus un facteur cinétique d'où la courbe « classique » d'évolution de vitesse (décroissance au cours du temps avec la disparition des réactifs)

Dans la manipulation initiale, vu qu'il n'y a pas d'ions manganèse (II), la vitesse est très faible au départ. Au fur et à mesure que la transformation chimique se fait, des ions manganèse sont produits et la vitesse augmente : elle passe par un maximum puis décroît car corollairement la concentration en réactifs décroît.

**Remarque : Cette manipulation a été faite lors de premier TP sur « Facteurs cinétiques » !
Le problème de la forme particulière du graphe $A = f(t)$ a été discutée lors d'une séance d'Aide personnalisée !**

